

RADIOACTIVITE SPONTANEE

Les protons ont été découverts en 1910 par Rutherford.

Les neutrons ont été découverts par Chadwick en 1932

Charge élémentaire : $+e = 1,60 \times 10^{-19} \text{ C}$

Eléments isotopes : même nombre de protons, mais un nombre de neutrons différents

Unité de masse : $1 \text{ u} = 1,660540 \times 10^{-27} \text{ kg}$

Lois de conservation ou loi de Soddy : au cours d'une transformation nucléaire, il y a conservation du nombre de nucléons A et du nombre de protons Z.

Radioactivité α : la particule α est un noyau d'hélium ${}^A_Z\text{X} \xrightarrow{\alpha} {}^{A-4}_{Z-2}\text{Y} + {}^4_2\text{He}$

Radioactivité β^- : émission d'électrons ${}^A_Z\text{X} \xrightarrow{\beta^-} {}^A_{Z+1}\text{Y} + {}^0_{-1}\text{e}$

Radioactivité β^+ : émission de positons ${}^A_Z\text{X} \xrightarrow{\beta^+} {}^A_{Z-1}\text{Y} + {}^0_{+1}\text{e}$

Ravonnement γ : $\text{Y}^* \longrightarrow \text{Y} + \gamma$

Loi de décroissance radioactive : $N(t) = N_0 \times e^{-\lambda t}$

λ : constante radioactive caractéristique du noyau considéré (en s^{-1})

τ : constante de temps $\left(\tau = \frac{1}{\lambda} \right)$ en s

Demi-vie radioactive : on appelle temps de demi-vie d'un échantillon radioactif noté $t_{1/2}$ la durée correspondant à la désintégration de la moitié des noyaux radioactifs initialement présents dans l'échantillon.

$$A \text{ } t = t_{1/2}, N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$$

La demi-vie radioactive $t_{1/2}$ est caractéristique de chaque noyau.

Elle ne dépend que de la constante radioactive λ : $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$

Activité d'une source : l'activité A d'une source est égale au nombre de désintégrations de noyau radioactifs présents dans l'échantillon en une seconde, A s'exprime en Becquerels (Bq) $1 \text{ Bq} = 1 \text{ désintégration / seconde}$

$$A(t) = \left| \frac{dN(t)}{dt} \right|$$

A un instant donné, l'activité d'une source dépend du temps de demi-vie et du nombre de noyau radioactifs présents en cet instant :

$$A(t) = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \times N(t)$$

clavier
fonction

$$N = \frac{m N_A}{M} \approx \frac{m}{M}$$

NOYAU, MASSE ET ENERGIE

Albert Einstein postule en 1905 le principe d'équivalence masse énergie :
Tout corps au repos possède grâce à sa masse une énergie dite énergie de repos

$$E = m \times C^2 \quad \text{Avec } E \text{ en J, } m \text{ en kg, et } C \text{ en m.s}^{-1}$$

$$1\text{eV} = 1,6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

La masse d'un noyau ${}^A_Z X$ est inférieure à la masse de ses constituants pris isolément. La différence de masse est appelée défaut de masse, noté Δm .

$$\Delta m = [Z \times m_p + (A - Z) \times m_n] - m({}^A_Z X)$$

On appelle énergie de liaison, noté E_l , l'énergie qu'il faut apporter à un noyau pris au repos pour le dissocier en ses nucléons constitutifs pris au repos.

$$\Delta E = E_{\text{nucléons}} - E_{\text{noyau}}$$

Cette variation d'énergie représente l'énergie de liaison.

$$E_l = \Delta m \times C^2$$

L'énergie de liaison par nucléon sert à comparer la stabilité des différents noyaux.

Fission nucléaire : lors d'une réaction de fission nucléaire, un noyau lourd se scinde en deux noyaux plus légers et plus stables sous l'impact d'un neutron.

Fusion nucléaire : lors d'une réaction de fusion nucléaire, deux noyaux légers vont s'agglomérer pour donner un noyau plus lourd et plus stable.

Une réaction nucléaire s'accompagne toujours d'une diminution de la masse du système :

$$\delta m = m_f - m_i$$

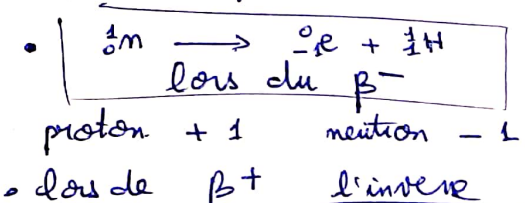
La perte de masse subit par le système est convertie en énergie cédée au milieu extérieur

$$E_{\text{lib}} = |\delta m| \times c^2$$

$$E_{\text{lib}} = -\Delta E \quad (\Delta E = E_f - E_i)$$

avant énergétique
fusion → naturel
méch

$Z \leq 20 \Rightarrow$ stable.
 charge et Nb masse = cte
 $A \geq 200$
 \Rightarrow désintégration α .



Activité

moyenne
 $a_m = \frac{N(t) - N(t')}{t' - t}$
 en Bq
 désintégration/s

instantané
 $a(t) = -\frac{dN}{dt} \geq 0$

$a(t) = \lambda N(t)$
 λ s⁻¹

Naturel | spontanée | aléatoire
 imprévisible

$a(t) = -\lambda N(t) = \frac{dN(t)}{dt} \Rightarrow \left(\frac{dN(t)}{dt} + \lambda N(t) = 0 \right)$
 $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$ L de décroissance radioactive

$\tau = \frac{1}{\lambda} = (0x) \tau(T_0)$ $N(t = \tau) = 0,37 N_0$
 durée Nécessaire démantèlement de 637a

$t_{1/2} \Rightarrow$ de la matière
 Nouveaux fils $\Rightarrow N(t) = N_0 (1 - e^{-\lambda t})$

$N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$ $E = mc^2$
 λ ν

1 eV = 1,6 · 10⁻¹⁹ J

1 u = 931,5 MeV/c²

défaut de masse $Z m_p + (A-Z) m_n > m({}^A_ZX)$
 $\Delta m = Z m_p + (A-Z) m_n - m({}^A_ZX)$
 $\times c^2 = E_l({}^A_ZX)$

$E_l({}^A_ZX) = E_{manes} - E_{manes 2}$

Energie de liaison par nucléon $E_l({}^A_ZX) = \frac{E_l({}^A_ZX)}{A}$

$\Delta E = \sum E_{l \text{ réactif}} - \sum E_{l \text{ produits}}$
 $= (\sum m_{\text{produit}} - \sum m_{\text{réactif}}) c^2$

Graphiques fréquents

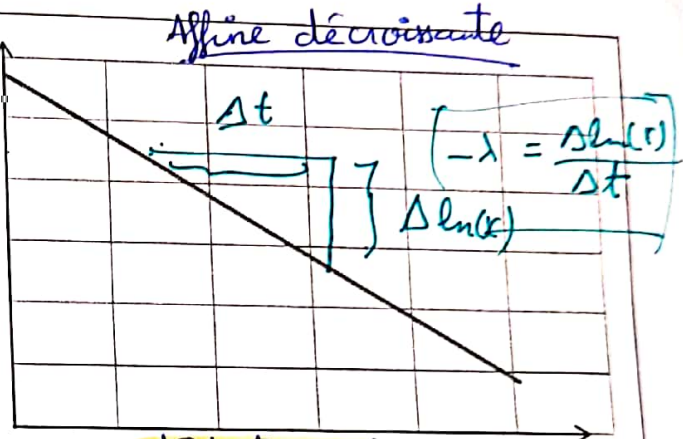
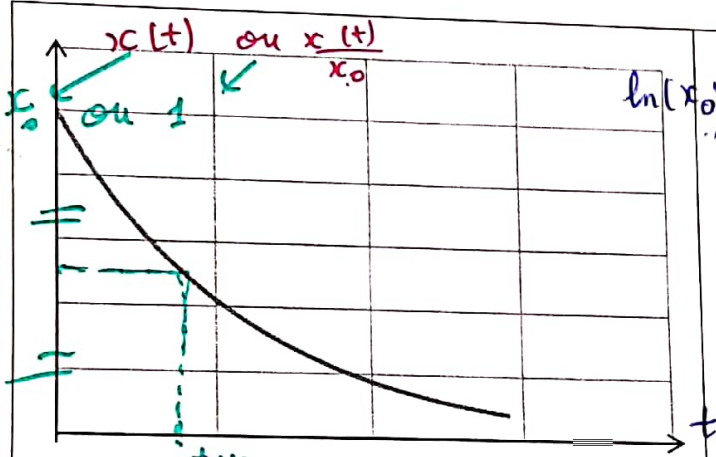
Loi de décroissance radioactive

facile à tracer
t/2

Loi de décroissance : $x(t) = x_0 e^{-\lambda t}$

$\lambda = \frac{\ln(2)}{t_{1/2}} = \frac{1}{Z}$

Noyau

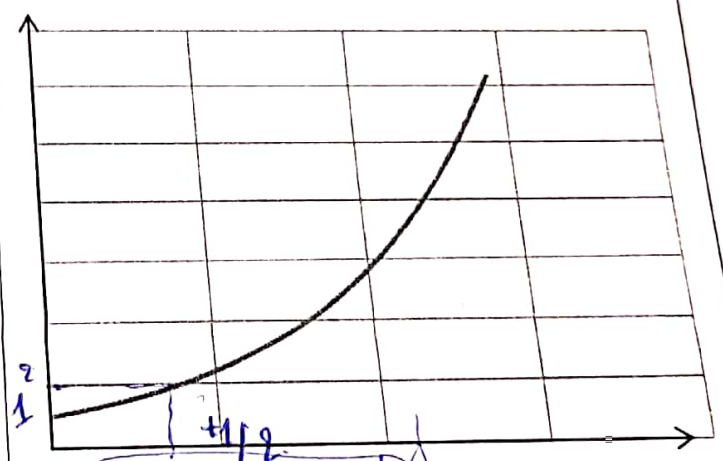
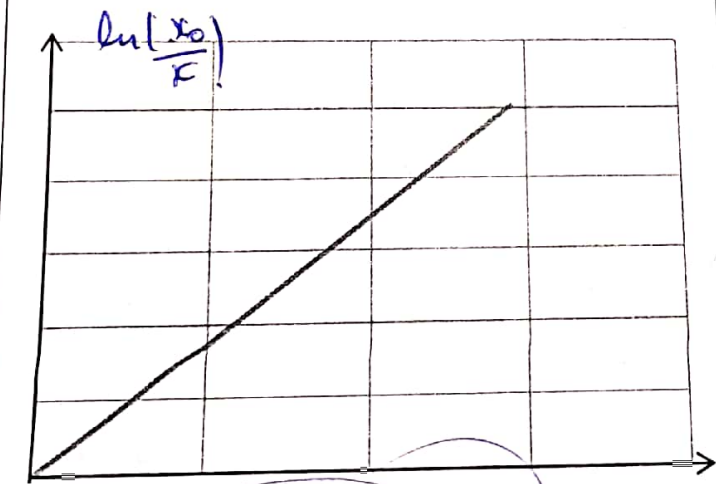


déduite de la loi de décroissance

$\ln(x) = -\lambda t + \ln(x_0)$

et $\lambda > 0$
fd escape

$t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda} = Z \ln(2)$



$\ln\left(\frac{x_0}{x}\right) = \lambda t$
on peut tirer -

$\frac{x_0}{x} = e^{\lambda t}$

$\left(\frac{x_0}{x}\right)_{t_{1/2}} = 2$

Exploitation de loi de décroissance

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

$$\lambda = \frac{1}{\tau} = \frac{\ln(2)}{t_{1/2}}$$

$$N_0 = N(t) + N'(t)$$

Restant

désintégrée

$$\frac{N}{N_0} = e^{-\lambda t}$$

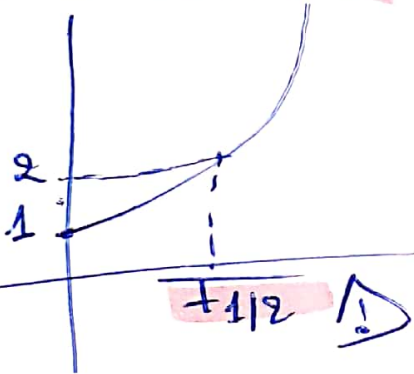
$$\ln(N) = \ln(N_0) - \lambda t$$

Affine

$$\frac{N_0}{2} = e^{-\lambda t}$$

$\ln(N_0)$

et on peut aussi tirer λ



$$\ln\left(\frac{N_0}{N}\right) = \lambda t$$

$\ln\left(\frac{N_0}{N}\right)$

on peut tirer λ

t