



Concours d'entrée 2007  
Epreuve de mathématiques

Anonymat

Nom et prénom : .....  
Date de naissance : .....  
Signature obligatoire : .....

Concours d'entrée 2007  
Epreuve de mathématiques

Anonymat

Nombre de questions 6.

I- On considère la fonction définie par :  $f(x) = \frac{e^{-x}}{2x(1-x)}$

1- Donner le domaine de définition  $D_f$  de la fonction  $f$ .

$D_f =$

2- Calculer les limites de  $f$ , aux bords du domaine de définition.

.....  
.....  
.....

3- Soit  $C$  la courbe représentative de la fonction  $f$ . Préciser, si elles existent, les équations :

Des asymptotes obliques : .....  
Des asymptotes verticales : .....  
Des asymptotes horizontales : .....  
Des branches paraboliques : .....

4- Etude de la variation de la fonction  $f$  :

Entourer la ou les bonnes propositions

a- La fonction est croissante sur  $]-\infty, -1-\sqrt{5}]$

b- la fonction est décroissante sur  $[-1-\sqrt{5}, 0[$

c- la fonction est croissante sur  $]1, +\infty[$

d- Le tracé de  $f$  comporte des concavités

e-  $f'(x)$  ne s'annule jamais

II - Calculer les limites suivantes :

$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{-x}(4 + 3\text{Log}x) =$                        $\lim_{x \rightarrow +\infty} 2x\text{Log}x - x + 2 =$   
 $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 - 2x^2 + \frac{x}{2} - 1}{3(x^2 - x - 2)} =$                        $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{2x^2 + 1} - \sqrt{2x^2} =$

III -L'espace  $\xi$  est rapporté au repère orthonormal  $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

1-Définir l'ensemble  $E = \{M(x, y, z) \in \xi / x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 8z + 12 = 0 \}$

L'ensemble E =

2-Définir l'intersection de l'ensemble E avec le plan  $P_1$  d'équation  $x - 2y + 2z - 1 = 0$

L'intersection de E et  $P_1$  =

3- Soient les plans  $P_2$  d'équation  $2x + y + 2z - 17 = 0$  et  $P_3$  d'équation  $3x - 2z = 0$

Entourer la ou les propositions justes :

- a- le plan  $P_2$  et l'ensemble E n'admettent pas d'intersection
- b- le plan  $P_2$  et l'ensemble E sont tangents
- c- le plan  $P_3$  et l'ensemble E sont tangents
- d- le plan  $P_3$  et l'ensemble E sont sécants
- e- aucune proposition n'est juste

IV -On considère la suite  $(U_n)$  définie par :  $U_0 = 0 ; U_{n+1} = 1/3U_n - 5 ; \forall n \in \mathbb{N}$

Et on pose la suite  $(W_n)$  définie par :  $W_n = U_n + 15/2 ; \forall n \in \mathbb{N}$

1-Quelle est la nature de  $(W_n)$  ?

$(W_n)$

2-Ecrire  $W_n$  en fonction de n, en déduire  $U_n$  en fonction de n.

$W_n = \dots\dots\dots U_n = \dots\dots\dots$

V- Soit ABCD un tétraèdre régulier de coté = 4 et I, J, K les milieux respectifs de [BC], [AC], [AD].

Calculer les produits scalaires suivants :

$\overline{AB} \cdot \overline{AC} =$	$\overline{AI} \cdot \overline{BC} =$
$\overline{IK} \cdot \overline{AD} =$	$\overline{BK} \cdot \overline{CD} =$

VI- Pour composer l'examen de Mathématiques, l'enseignant a proposé 6 exercices dont 4 d'algèbre et 2 de géométrie. Les exercices sont mis dans des enveloppes identiques.

L'examen portera sur 4 exercices seulement.

On demande à un étudiant de tirer successivement et sans remise 4 enveloppes afin de composer l'examen.

1-Calculer la probabilité  $P_1$  de tirer successivement 3 exercices d'algèbre puis 1 exercice de géométrie.

$P_1 =$

2-Calculer la probabilité  $P_2$  de tirer 1 seul exercice de géométrie au cours de ces 4 tirages.

$P_2 =$

3-calculer la probabilité  $P_3$  de tirer successivement 2 exercices de géométrie et 2 exercices d'algèbre.

$P_3 =$

CONCOURS D'ENTREE 2006  
 EPREUVE DE PHYSIQUE

NOM ET PRENOM : .....  
 DATE DE NAISSANCE : .....  
 SIGNATURE : .....

**Exercice : 1**

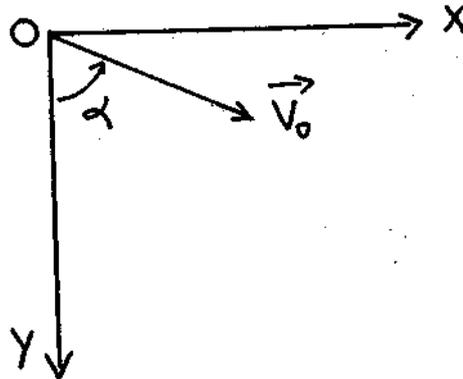
Un projectile ponctuel est lancé à l'instant initial  $t = 0$  d'un point O centre de repère (OXY) avec une vitesse  $\vec{V}_0$  faisant un angle  $\alpha$  avec l'axe OY. On néglige les frottements avec l'air et on considère que l'intensité du champ de pesanteur  $g$  est constante.

1- Ecrire l'équation horaire  $x = f(t)$

$x =$

2- Ecrire l'équation horaire  $y = g(t)$

$y =$



**Exercice : 2**

Un pendule simple de longueur  $l$  et de masse  $m$  oscille sans frottements entre les positions extrêmes A et B. Le pendule est abandonné à l'instant initial  $t = 0$  sans vitesse initiale à partir de la position A et arrive à la position B à l'instant  $t = 1$  s.

On donne :  $\pi^2 = 10$ ,  $g = 10\text{m/s}^2$ , et on considère que l'amplitude  $\theta_m$  est faible.

1- Donner l'équation différentielle du mouvement en fonction de  $\theta$ ,  $\ddot{\theta}$ ,  $g$ ,  $l$ .

2- Calculer  $l$ .

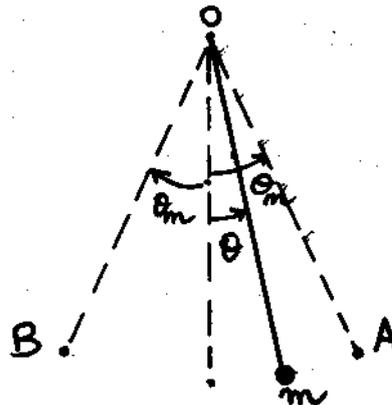
$l =$

3- Calculer l'accélération normale  $a_N$  au point A

$a_N =$

4- Exprimer l'accélération tangentielle  $a_T$  en fonction de  $g$  et  $\theta_m$  au point A

$a_T =$



**Exercice : 3**

Un faisceau d'électrons pénètre par le point O dans une région de longueur  $l = 20\text{cm}$  où règne un champ électrostatique uniforme  $\vec{E}$  de module  $E = 2 \cdot 10^4 \text{V/m}$ , et un champ magnétique uniforme  $\vec{B}$  perpendiculaire à  $\vec{E}$ .

Certains électrons traversent cette région selon un mouvement rectiligne uniforme pendant la durée  $\Delta t = 2\mu\text{s}$  à la vitesse  $\vec{v}$ .

1- Calculer la vitesse  $v$

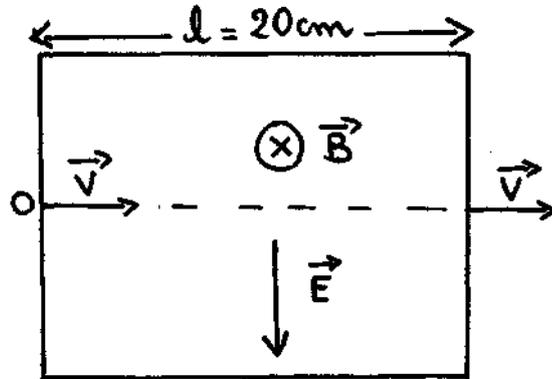
$v =$

2- Exprimer  $B$  en fonction de  $E$  et  $v$

$B =$

3- Calculer  $B$

$B =$



**Exercice : 4**

Un faisceau lumineux monochromatique horizontal SI arrive au point I, parallèlement à la base BC d'un prisme ABC d'angle  $A = 45^\circ$  et d'indice de réfraction  $n = \sqrt{2}$ .

On donne :  $\sin(30^\circ) = 1/2$   $\sin(45^\circ) = \sqrt{2}/2$   $\sin(60^\circ) = \sqrt{3}/2$

1- Déterminer l'angle d'incidence  $i$  et l'angle de réfraction  $r$  au point I

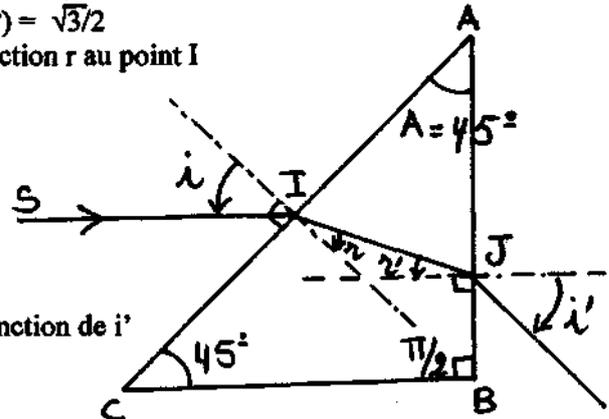
$i =$         $r =$

2- Calculer l'angle d'incidence  $r'$  au point J

$r' =$

3- Écrire l'expression de l'angle de déviation  $D$  en fonction de  $i'$

$D =$

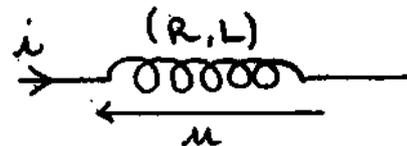


**Exercice : 5**

On considère une bobine de résistance  $R = 20\Omega$  et d'inductance  $L = 0,4\text{H}$ . On fait passer dans cette bobine un courant électrique d'intensité  $i$  variable avec le temps  $t$  selon la loi  $i = at$ , avec  $a = 510^2 \text{A/s}$ .

1- Donner la ddp  $u$  à l'instant  $t$  en fonction de  $R$ ,  $L$ ,  $a$ ,  $t$

$u =$



2- Calculer l'énergie électromagnétique  $E_m$  à l'instant  $t = 1\text{s}$

$E_m =$

NOM ET PRENOM : .....  
 DATE DE NAISSANCE : .....  
 SIGNATURE OBLIGATOIRE : .....

**Exercice 1**

Une lentille divergente  $L_1$  de distance focale  $\overline{OF}'_1 = -5$  cm , donne une image  $A'B'$  d'un objet réel  $AB$  situé à une distance  $\overline{OA} = -10$  cm du centre  $O$  de la lentille

1- Calculer la position de l'image  $A'B'$

$\overline{OA}' =$

2- On accole une lentille  $L_2$  à la lentille  $L_1$  et on garde l'objet  $AB$  à la même position

2-1- Calculer la distance focale  $\overline{OF}'$  de la lentille équivalente  $(L_1+L_2)$  sachant que  
 Le grandissement de la lentille équivalent  $(L_1+L_2)$  est :  $\gamma = -1$

$\overline{OF}' =$

2-2- Calculer la puissance de la lentille  $L_2$

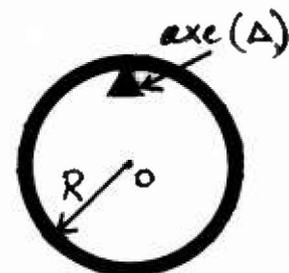
$C_2 =$

**Exercice 2**

Un cerceau de masse  $m$  , de rayon  $R$  , et d'épaisseur négligeable par rapport à son rayon , est placé sur un axe  $\Delta$  horizontal. Son moment d'inertie par rapport à l'axe  $\Delta$  est :  $J_\Delta = 2mR^2$

On écarte le cerceau de sa position d'équilibre d'un angle très faible et on le laisse osciller librement sans vitesse initiale et sans frottement.

1- Ecrire l'équation du mouvement en fonction de :  $\ddot{\theta}$  ,  $\theta$  ,  $m$  ,  $R$  ,  $g$  et  $J_\Delta$



2- Exprimer la période propre  $T_0$  en fonction de :  $R$  ,  $g$

$T_0 =$

3- On assimile le cerceau à un pendule simple de longueur  $L$ , qui oscille avec la même période  $T_0$  que le cerceau . Exprimer  $L$  en fonction de  $R$

$L =$

### Exercice 3

Le cobalt  ${}^{60}_{27}\text{Co}$  est un noyau artificiel émetteur de particule  $\beta^-$  selon la réaction :



1- Déterminer A et Z

A =

Z =

2- X est un élément excité, on suppose que le retour à son état fondamental ( $E_1$ ) s'effectue en une seule étape suivant le schéma (1)

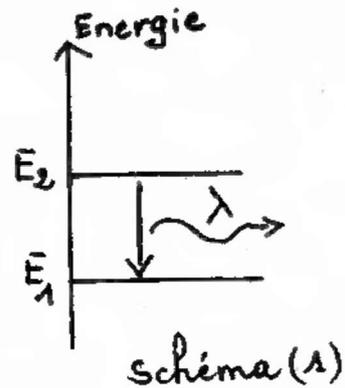
2-1- Exprimer la longueur d'onde  $\lambda$  de la radiation émise au cours de cette étape de désexcitation en fonction de :  $E_1$ ,  $E_2$ ,  $c$ ,  $h$

$\lambda =$

2-2- Calculer  $\lambda$ . on donne :

On donne :  $1\text{eV} = 1,6 \cdot 10^{-19}\text{ J}$ ,  $h = 6,62 \cdot 10^{-34}\text{ Js}$ ,  $c = 3 \cdot 10^8\text{ ms}^{-1}$   
 $E_1 = 0\text{ MeV}$     $E_2 = 6,62\text{ MeV}$

$\lambda =$



### Exercice 4

Soit un circuit oscillant LC (voir figure)

La tension aux bornes du condensateur peut s'écrire en fonction du temps  $u = U_m \cos(\omega_0 t)$ .

1- En déduire l'expression de l'intensité  $i$  du courant en fonction du temps

$i =$

2- Donner la relation liant la période propre  $T_0$  et la fréquence propre  $\omega_0$

$T_0 =$

3- A l'instant  $t = (5T_0)/4$ , dans quel dipôle ( condensateur ou bobine ) l'énergie est stockée ?

